

Содержание

Постоянное магнитное поле	3
Индукция магнитного поля. Закон Био-Савара	3
№1	3
№2	3
№3	4
№4	4
№5	5
№6	5
№7	8
№8	8
№9	9
№10	10
Закон полного тока	11
№1	11
№2	11
№3	11
№4	12
№5	12
№6	12
№7	12
№8	13
№9	13
Магнитное поле при наличии Магнетиков. Магнитный момент.	14
№1	14
№2	14
№3	14
№4	14
№5	15
№6	15
№7	15
№8	16
№9	16
Частица в магнитном поле	17
№1	17
№2	17
Работа по перемещению проводника с током в магнитном поле	19
№1	19
№2	19

Электромагнитная индукция	20
Индукция токов. Закон электромагнитной индукции	
Фарадея	20
№1	20
№2	20
№3	21
№4	21
№5	21
№6	23
№7	23
№8	23
№9	23

Постоянное магнитное поле

Индукция магнитного поля. Закон Био-Савара

№1

Условие: Заряженная элементарная частица движется со скоростью, модуль которой $v = 900$ м/с. В некоторый момент в точке наблюдения P модуль напряжённости электрического поля этой частицы $E = 600$ В/м, а угол между векторами скорости и напряжённости $\alpha = 30^\circ$. Рассчитать индукцию магнитного поля данной частицы.

Решение:

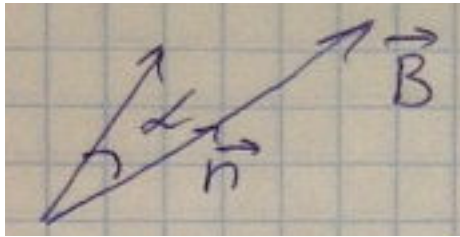


Рис. 1: Пояснительный рисунок.

$$B = \frac{\mu_0 v \sin \alpha}{4\pi r^2} \quad (1)$$

$$E = k \frac{1}{r^2} \quad (2)$$

Умножим и разделим 1 на ε_0 чтобы сделать замену на E :

$$B = \mu_0 v \sin \alpha \varepsilon_0 E \quad (3)$$

Подставив числа, получим:

$$\begin{aligned} B &= 900 \cdot 600 \cdot \frac{1}{2} \cdot 12.75 \cdot 10^{-7} \cdot 8.85 \cdot 10^{-12} \\ &= 3 \cdot 10^{-12} = 3 \text{ пТл.} \end{aligned} \quad (4)$$

Ответ: $B = 3$ пТл.

№2

Условие: Используя закон Био-Савара, получить формулу для расчёта модуля вектора индукции магнитного поля, создаваемого током I , протекающем в линейном бесконечном проводнике в точке, расположенной на расстоянии r_0 от проводника.

Решение:

Ответ: $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r_0}$.

№3

Условие: Рассчитать модуль вектора индукции магнитного поля, создаваемого конечным прямолинейным участком проводника, длины l , по которому протекает ток I , в точке отстоящей на произвольном расстоянии r_0 от оси проводника.

Решение:

Ответ: $B = \frac{\mu_0 I}{4\pi r_0} (\cos \alpha_1 + \cos \alpha_2)$.

№4

Условие: Замкнутый контур с током имеет вид прямоугольника с диагональю $d = 16$ см, угол между диагоналями $\alpha = 30^\circ$. Сила тока, протекающего по контуру $I = 5$ А. Рассчитать модуль индукции магнитного поля в центре контура.

Решение:

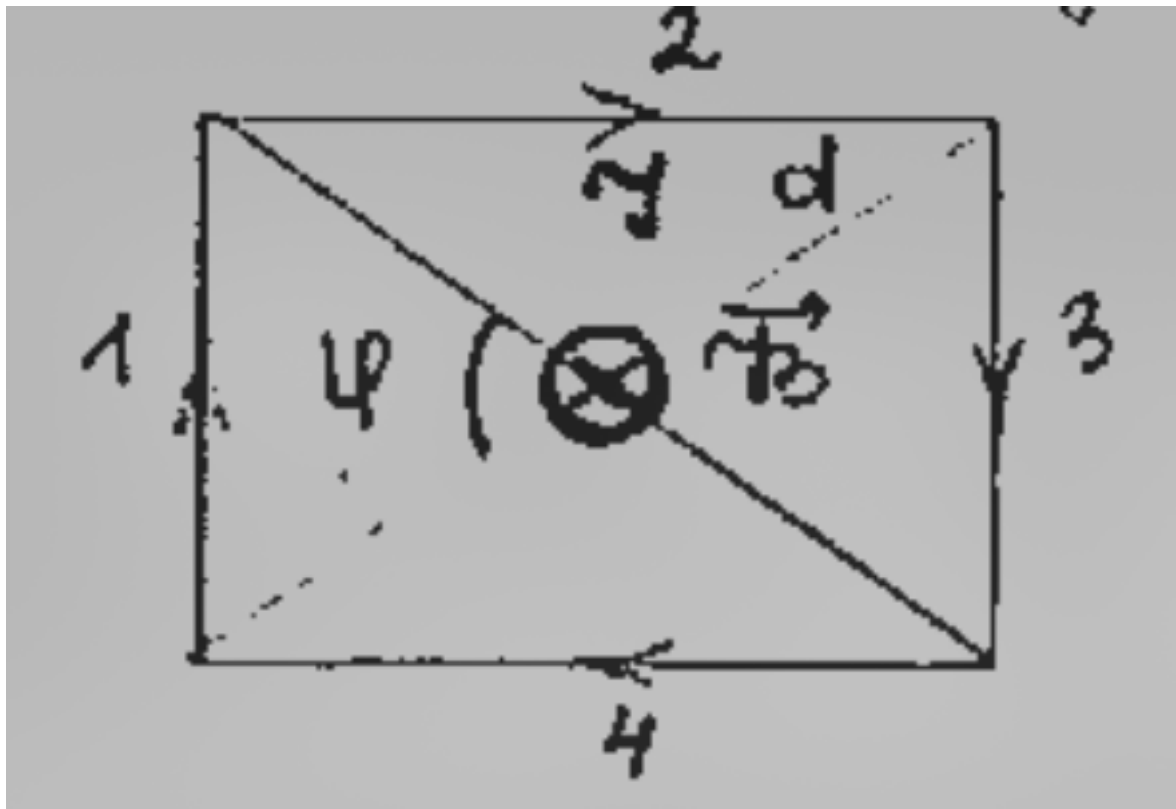


Рис. 2: Поясняющий рисунок.

В системе СИ: $d = 16 \text{ см} = 0.16 \text{ м}$.

По принципу суперпозиции для магнитного поля:

$$\vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3 + \vec{B}_4. \quad (5)$$

Так как все $\vec{B}_i$ сонаправлены, то $B = 2(B_1 + B_2)$. По закону Био-Савара-Лапласа:

$$\begin{aligned} B &= 2 \left(\frac{\mu_0 I}{2\pi} \left(\frac{\cos \frac{\pi-\varphi}{2}}{\frac{d}{2} \cos \frac{\varphi}{2}} + \frac{\cos \frac{\varphi}{2}}{\frac{d}{2} \sin \frac{\varphi}{2}} \right) \right) = \\ &= \frac{\mu_0 I}{\pi} \left(\frac{1}{\frac{d}{2} \sin \frac{\varphi}{2} \cos \frac{\varphi}{2}} \right) = \frac{4\mu_0 I}{\pi d \sin \varphi} \end{aligned} \quad (6)$$

Подставив числа из условия, получим:

$$B = \frac{4 \cdot 4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 5}{\pi \cdot 0.16 \cdot \sin 30^\circ} \approx 0.1 \quad (7)$$

Ответ: $B = 0.1 \text{ мТл}$.

№5

Условие: Определить модуль вектора индукции магнитного поля на оси кругового тока I радиуса R , как функцию $B(z)$, где z расстояние до центра контура.

Решение:

Ответ: $B(z) = \frac{\mu_0 I R^2}{2(R^2 + z^2)^{\frac{3}{2}}}.$

№6

Условие: По тонкому замкнутому проводнику (Рис. 3) течёт ток, сила которого $I = 5 \text{ А}$. Радиус изогнутой части проводника $R = 120 \text{ мм}$, угол $\varphi = 90^\circ$. Рассчитать модуль вектора магнитной индукции в точке O .

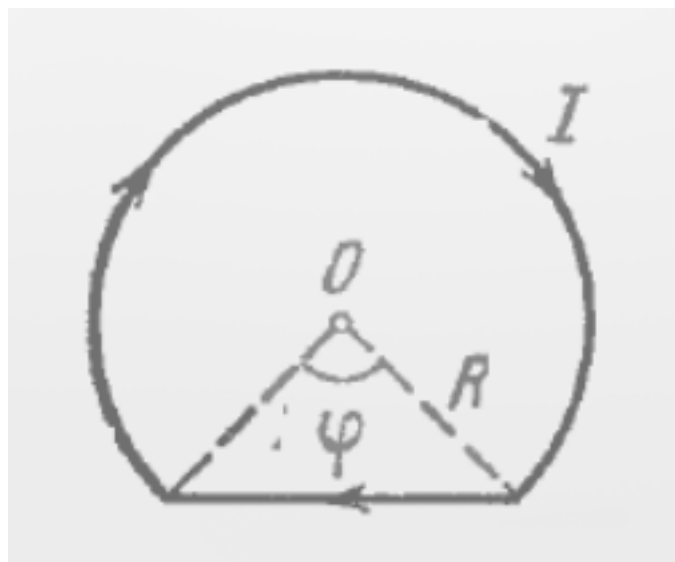


Рис. 3: Проводник.

Решение:

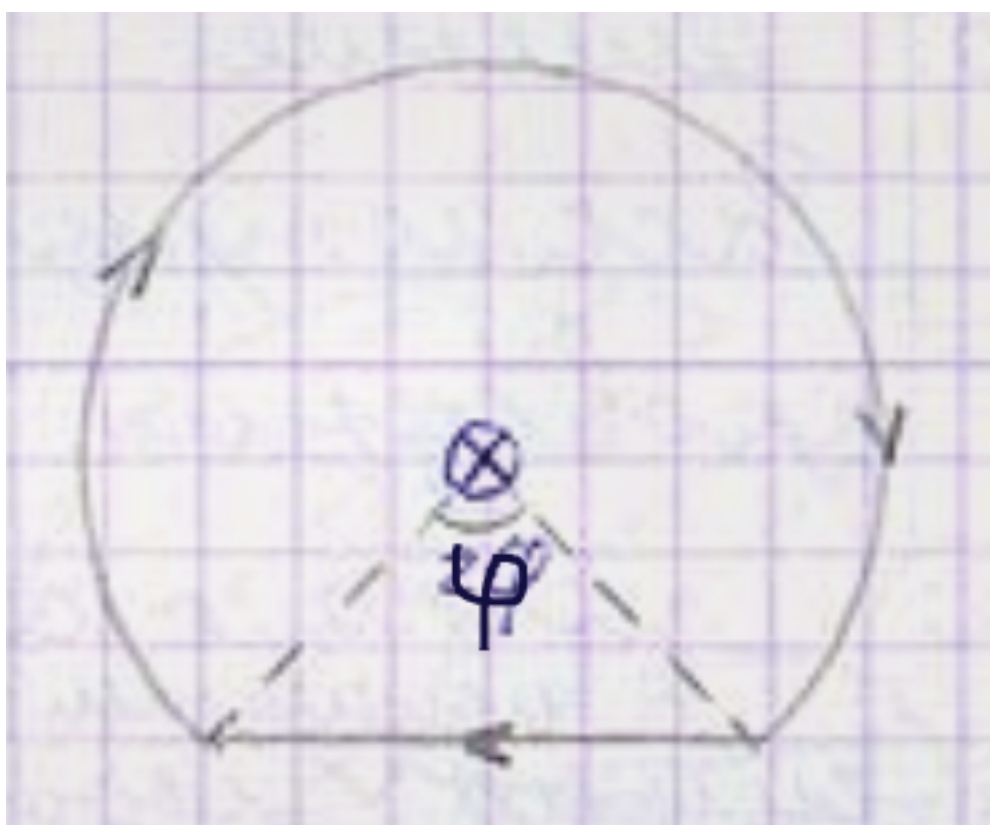


Рис. 4: Поясняющий рисунок.

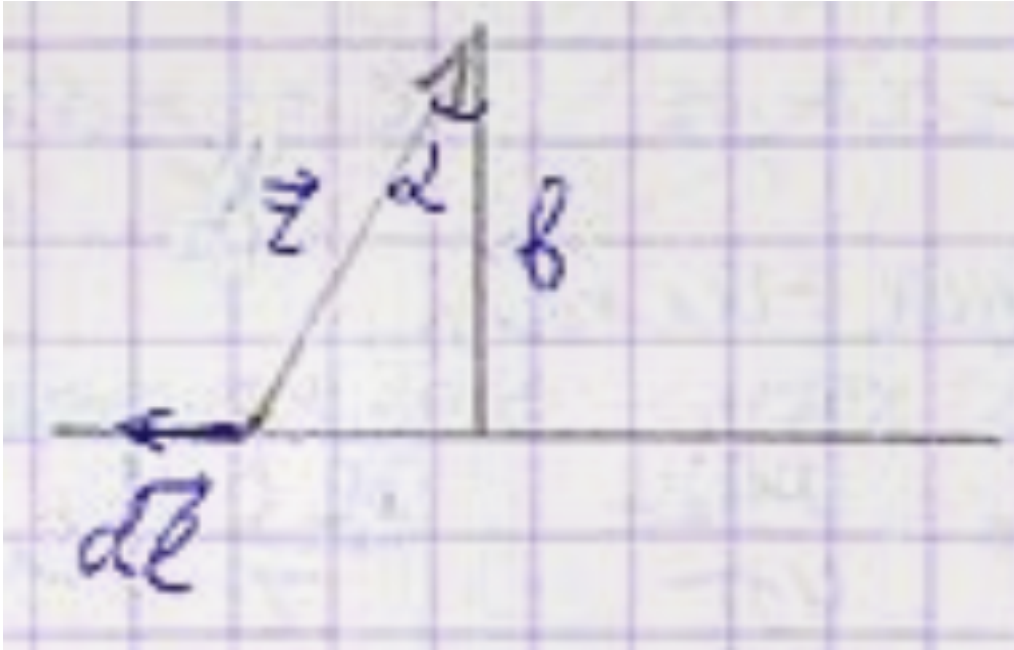
Пусть $\theta = \frac{\varphi}{2} = 45^\circ$.

Для части окружности:

$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R^2} \int_0^{2\pi-2\theta} R d\alpha = \frac{\mu_0 I(\pi - \theta)}{2\pi R}. \quad (8)$$

Для отрезка:

$$dB_2 = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{Idl}{r^2} \sin \angle(d\vec{l}; \vec{z}) = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{Idl}{r^2} \cos \alpha \quad (9)$$



Поясняющий рисунок. 5: Рис.

$$\cos \alpha dl = z d\alpha \Rightarrow dl = \frac{z d\alpha}{\cos \alpha} \quad (10)$$

$$z = \frac{b}{\cos \alpha}, \quad b = R \cos \theta \quad (11)$$

$$B_2 = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \int_{-\theta}^{\theta} \frac{d\alpha \cdot \cos \alpha}{\cos \alpha \cdot b} \cdot \cos \alpha = \frac{\mu_0 I}{4\pi R \cos \theta} \cdot 2 \sin \theta = \frac{\mu_0 I}{2\pi R} \operatorname{tg} \theta \quad (12)$$

$$B = B_1 + B_2 = \frac{\mu_0 I}{2\pi R} (\pi - \theta + \tan \theta) \quad (13)$$

Подставив числа, получим:

$$B = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 5}{2\pi \cdot 0.12} \left(\pi - \frac{\pi}{4} + \operatorname{tg} \frac{\pi}{4} \right) \approx 28 \text{ мкТл}. \quad (14)$$

Ответ: $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R} \left(1 + \frac{3}{4}\pi \right) \approx 28 \text{ мкТл}.$

№ 7

Условие: Замкнутый контур, по которому течёт ток силы I имеет форму показанную на (Рис. 6). Радиус окружности R , длина стороны квадрата a . Найти индукцию магнитного поля в точке O .

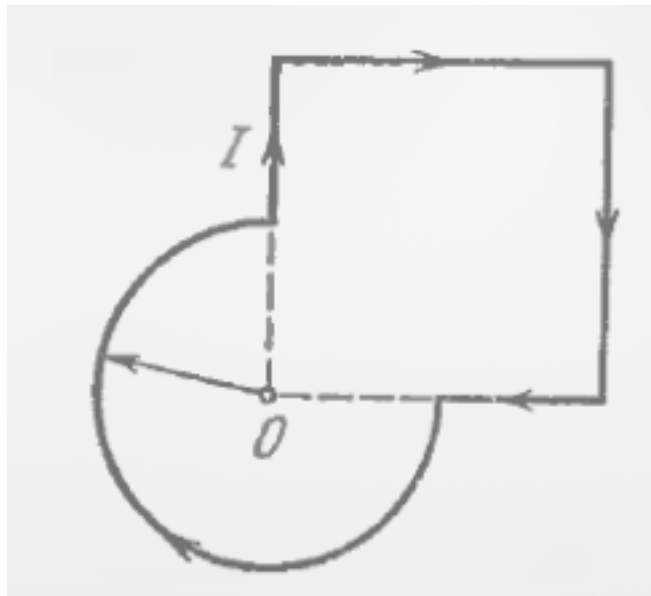


Рис. 6: Контур.

Решение:

Ответ: $B = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \left(\frac{3\pi}{2R} + \frac{\sqrt{2}}{a} \right).$

№ 8

Условие: Тонкий провод с изоляцией образует плоскую спираль из $N = 200$ плотно прилегающих витков, по которым течёт ток $I = 5$ мА. Радиус внутреннего витка $a = 100$ мм, радиус внешнего витка $b = 200$ мм. Рассчитать индукцию магнитного поля в центре спирали.

Решение: Магнитная индукция одного витка (окружности):

$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{2z} \quad (15)$$

$$dN = \frac{N}{b-a} dz \quad (16)$$

Подставим 15 и 16 в

$$B = \int B_1 dN = \frac{\mu_0 I N}{2(b-a)} \int_a^b \frac{dz}{z} = \frac{\mu_0 I N}{2(b-a)} \ln z \Big|_a^b = \frac{\mu_0 I N}{2(b-a)} \ln \frac{b}{a} \quad (17)$$

Подставим числа и получим

$$B = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 5 \cdot 10^{-3} \cdot 200}{2(0.2 - 0.1)} \ln \frac{0.2}{0.1} \approx 4.4 \text{ мкТл.} \quad (18)$$

Ответ: $B = \frac{\mu_0 IN}{2(b-a)} \ln \frac{b}{a} \approx 4.4 \text{ мкТл.}$

№9

Условие: В параллельных плоскостях, расположенных на расстоянии $d = 8 \text{ см}$ друг от друга на одной оси находятся два круговых витка радиуса $R = 5 \text{ см}$ каждый. По виткам в одном направлении текут токи $I_1 = I_2 = 2 \text{ А}$. Рассчитать напряжённость магнитного поля в центре одного из витков.

Решение:

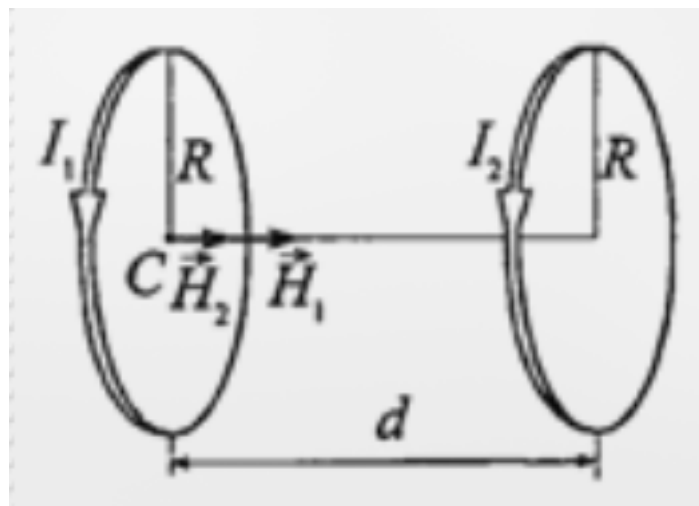


Рис. 7: Поясняющий рисунок.

Согласно принципу суперпозиции напряжённость в точке C равна

$$\vec{H} = \vec{H}_1 + \vec{H}_2, \quad \text{где } H = \frac{I_1}{2R}, \quad (19)$$

$$H_2 = \frac{I_2 R^2}{2(R^2 + d^2)^{\frac{3}{2}}}. \quad (20)$$

Если токи текут в одном направлении, то $H = H_1 + H_2$. По условию

$$I_1 = I_2 = I \quad (21)$$

Тогда

$$H = \frac{I}{2R} + \frac{IR^2}{2(R^2 + d^2)^{\frac{3}{2}}}. \quad (22)$$

Подставив числа, получим:

$$H = \frac{2}{2 \cdot 0.05} + \frac{2 \cdot 0.05^2}{2(0.05^2 + 0.08^2)^{\frac{3}{2}}} \approx 23 \text{ А/м}. \quad (23)$$

Ответ: $H = \frac{I}{2} \left(\frac{1}{R} + \frac{R^2}{(d^2 + R^2)^{\frac{3}{2}}} \right) \approx 23 \text{ А/м}.$

№10

Условие: Рассчитать модуль вектора магнитной индукции на оси соленоида, длина которого l , количество витков проволоки, плотно прилегающих друг к другу равно N . Через витки течёт ток I , радиус витков R_0 .

Решение:

Ответ: $B(z) = \frac{\mu_0 I N}{2l} \left(\frac{\frac{l}{2} - z}{\sqrt{R_0^2 + (\frac{l}{2} - z)^2}} + \frac{\frac{l}{2} + z}{\sqrt{R_0^2 + (\frac{l}{2} + z)^2}} \right).$

Закон полного тока

№1

Условие: Используя закон полного тока, найти модуль вектора индукции магнитного поля, создаваемого током текущим по коаксиальному кабелю. Ток I течёт по центральной жиле радиуса R_1 , и возвращается по оболочке, внутренний и внешний радиусы которой R_2 и R_3 соответственно. Пространство между жилой и оболочкой заполнено диэлектриком. Магнитную проницаемость всюду считать равной 1.

Решение:

Ответ: $B(r < R_1) = \frac{\mu_0 I r}{2\pi R_1^2}$, $B(R_1 < r < R_2) = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$, $B(R_2 < r < R_3) = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \left(1 - \frac{r^2 - R_2^2}{R_3^2 - R_2^2}\right)$, $B(r > R_3) = 0$.

№2

Условие: Определить индукцию магнитного поля тока, равномерно распределённого:

- по бесконечной плоскости с линейной плотностью j ;
- по двум параллельным бесконечным плоскостям с линейными плотностями j и $-j$.

Решение:

Ответ: а) $B = \frac{\mu_0 j}{2}$, б) $B = \mu_0 j$.

№3

Условие: Однородный ток, плотность которого j течёт внутри неограниченной пластины толщины $2d$ параллельно её поверхности. Найти индукцию магнитного поля этого тока, как функцию расстояния x от средней плоскости пластины. Магнитную проницаемость всюду считать равной 1.

Решение:

Ответ: $B(x > d) = \mu_0 d j$, $B(x < d) = \mu_0 x j$.

№4

Условие: Найти вектор плотности тока, как функцию расстояния r от оси аксиально-симметричного параллельного потока электронов, если индукция магнитного поля внутри потока зависит от r как $B(r) = \beta r^\alpha$, где β и α положительные постоянные.

Решение:

Ответ: $\vec{j}(r) = \frac{\beta(\alpha+1)r^{\alpha-1}}{\mu_0} \vec{e}_z$.

№5

Условие: Используя закон полного тока, рассчитать индукцию магнитного поля внутри соленоида длиной $L = 0.5$ м, содержащего $N = 1000$ витков плотной обмотки, если сопротивление обмоток $R = 120$ Ом, а напряжение на её концах $U = 60$ В.

Решение:

Ответ: $B = 1.25$ мТл.

№6

Условие: По бесконечному прямому проводу, радиус сечения которого R , течёт постоянный ток, плотность которого $\vec{j}$. Найти вектор магнитной индукции поля, создаваемого этим током, в точке, положение которой относительно оси провода определяется радиус-вектором $\vec{r}$.

Решение:

Ответ: $\vec{B}(r < R) = \frac{\mu_0[\vec{j};\vec{r}]}{2}, \vec{B}(r > R) = \frac{\mu_0 R^2[\vec{j};\vec{r}]}{2}$.

№7

Условие: По длинному цилиндрическому проводу течёт ток, плотность которого $\vec{j}$. Внутри провода имеется цилиндрическая полость, идущая параллельно оси провода. Расстояние от оси провода до оси полости задаётся вектором $\vec{l}$. Найти вектор индукции магнитного поля внутри полости.

Решение:

Ответ: $\vec{B} = \frac{\mu_0[\vec{j};\vec{l}]}{2}$.

№8

Условие: Ток I течёт по длинному проводу и затем равномерно растекается по всем направлениям однородной проводящей среды (Рис. 8). Рассчитать индукцию магнитного поля в точке A , отстоящей от точки O на расстоянии r под углом θ .

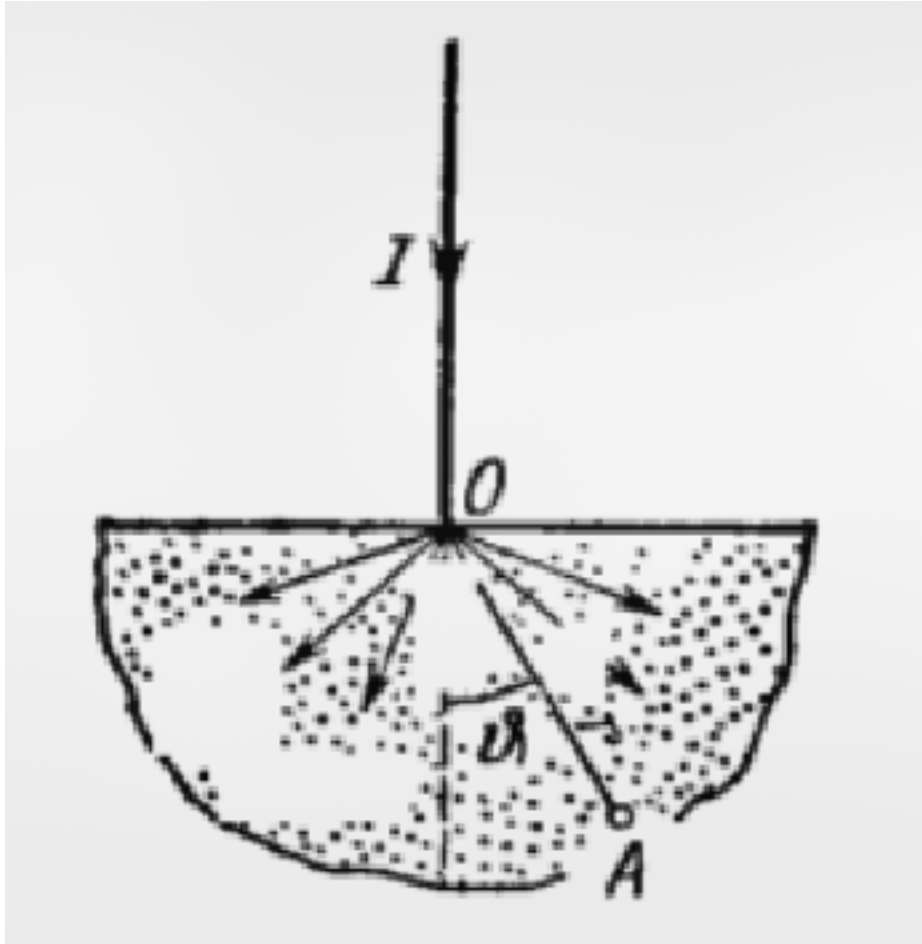


Рис. 8: Проводящая среда.

Решение:

Ответ: $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \tan \frac{\theta}{2}$.

№9

Условие: Ток I течёт по длинному прямому проводу круглого сечения. Рассчитать поток магнитного поля через половину осевого сечения провода приходящейся на один метр его длины.

Решение:

Ответ: $\Phi = \frac{\mu_0 I}{4\pi}$.

Магнитное поле при наличии Магнетиков. Магнитный момент.

№1

Условие: Найти магнитный момент тонкого кругового витка с током, если радиус витка $R = 100$ мм, а индукция магнитного поля в центре $B = 6$ мкТл.

Решение:

Ответ: $p_m = \frac{2\pi R^3 B}{\mu_0} \approx 30 \text{ мА м}^2$.

№2

Условие: Магнитный диполь, момент которого $\vec{p}_m$ поместили на расстояние r от длинного провода по которому течёт ток I . Найти вектор силы действующей на диполь со стороны магнитного поля, создаваемого током I если вектор магнитного момента:

- параллелен проводнику;
- направлен по вектору $\vec{r}$;
- совпадает по направлению с магнитным полем тока I .

Решение:

Ответ: а) $\vec{F} = \vec{0}$, б) $\vec{F} = -\frac{\mu_0 p_m I}{2\pi r^2} \vec{e}_\varphi$, в) $\vec{F} = -\frac{\mu_0 p_m I}{2\pi r^2} \vec{e}_r$.

№3

Условие: Тонкий диск из диэлектрика, несущий заряд поверхностная плотность которого σ равномерно вращается вокруг своей оси с угловой скоростью ω . Рассчитать:

- индукцию магнитного поля в центре диска;
- магнитный момент диска.

Решение:

Ответ: $B = \frac{\mu_0}{2} \sigma \omega R$, $p_m = \frac{\pi \sigma R^4}{4}$.

№4

Условие: Сферическая поверхность радиуса R , состоящая из диэлектрика вращается равномерно вокруг своего диаметра с угловой

скоростью ω . Рассчитать магнитную индукцию в центре сферы если поверхностная плотность зарядов равна σ .

Решение:

Ответ: $B = \frac{2}{3}\mu_0\sigma\omega R$.

№5

Условие: Вдоль оси бесконечного прямого цилиндра радиуса R_0 течёт линейный ток силой I . Магнитная проницаемость вещества цилиндра μ . Вокруг цилиндра вакуум. Найти:

- напряженность магнитного поля $\vec{H}$;
- индукция магнитного поля $\vec{B}$;
- намагниченность $\vec{J}$;

во всех точках пространства. Рассчитать объёмную и поверхностную плотность молекулярных токов.

Решение:

Ответ: $\vec{H}(r < R_0) = \frac{I}{2\pi r}\vec{e}_\varphi = \vec{H}(r > R_0)$, $\vec{B}(r < R_0) = \frac{\mu\mu_0 I}{2\pi r}\vec{e}_\varphi$, $\vec{J}(r < R_0) = \frac{I(\mu-1)}{2\pi r}\vec{e}_\varphi$, $\vec{B}(r > R_0) = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}\vec{e}_\varphi$, $\vec{J}(r > R_0) = \vec{0}$, $\vec{j}_{\text{мо}} = \vec{0}$, $j_{\text{мп}} = \frac{I(1-\mu)}{2\pi R_0}$.

№6

Условие: Среда состоит из однородного изотропного магнетика и вакуума. Модуль вектора индукция магнитного поля вблизи поверхности магнетика со стороны вакуума равен B . Найти модуль индукции магнитного поля B' в магнетике вблизи его поверхности, если вектор B составляет угол α с нормалью к поверхности раздела магнетика и вакуума (поверхность можно считать плоскостью), а магнитная проницаемость магнетика μ .

Решение:

Ответ: $B' = B\sqrt{\cos^2 \alpha + \mu^2 \sin^2 \alpha}$.

№7

Условие: Воспользовавшись условиями предыдущей задачи рассчитать циркуляцию вектора $\vec{B}$ по замкнутому квадратному контуру, длина стороны которого l . Граница раздела сред пересекает контур параллельно двум его противоположным сторонам.

Решение:

Ответ: $\oint_L (\vec{B}, d\vec{l}) = B \sin \alpha l (1 - \mu)$.

№8

Условие: По длинному цилиндрическому проводу течёт ток перпендикулярно плоскости поперечного сечения. Сила тока I . Провод изготовлен из парамагнетика с магнитной восприимчивостью χ . Найти:

- силу поверхностного молекулярного тока $I'_{\text{пов}}$;
- силу объёмного молекулярного тока $I'_{\text{об}}$.

Определить как эти токи направлены друг относительно друга.

Решение:

Ответ: $I_{\text{мо}} = I_\chi$, $I_{\text{мп}} = -I_\chi$.

№9

Условие: Длинный соленоид заполнен неоднородным парамагнетиком, магнитная восприимчивость которого зависит от расстояния до оси как $\chi = \alpha r^2$. На оси соленоида магнитная индукция равна B_0 . Рассчитать, как функцию r :

- намагниченность магнетика;
- плотности объёмного молекулярного тока.

Решение:

Ответ: $J(r) = \frac{B_0 \alpha r^2}{\mu_0}$, $j(r) = \frac{2\alpha B_0}{\mu_0} r$.

Частица в магнитном поле

№1

Условие: Электрон влетает в однородное магнитное поле со скоростью перпендикулярной полю. Напряжённость магнитного поля $H = 103$ А/м. Ускоряющая разность потенциалов, придавшая электрону скорость $U = 400$ В. Рассчитать радиус кривизны траектории R и частоту ν обращения электрона в магнитном поле.

Решение:

Ответ: $R = \frac{1}{\mu_0 H} \sqrt{\frac{2U}{q_m}} \approx 5.37$ см, $\nu = \frac{\mu_0 H q_m}{2\pi} \approx 35$ МГц.

№2

Условие: В однородное магнитное поле с магнитной индукцией $B = 0.4$ Тл перпендикулярно полю с постоянной скоростью влетает заряженная частица. В течении 6 мкс включается постоянное электрическое поле напряжённостью $E = 300$ В/м сонаправленно магнитному полю. Рассчитать шаг винтовой траектории частицы после выключения электрического поля.

Решение: По формуле силы Лоренца:

$$\vec{F} = q(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B}) \quad (24)$$

До включения электрического поля:

$$\vec{E} = 0, \quad \vec{F} = q(\vec{v} \times \vec{B}) \quad (25)$$

Частица движется по окружности

$$F_{\text{маг}} = qvB. \quad (26)$$

Сила Лоренца равна центростремительной силе:

$$qvB = \frac{mv^2}{R} \Rightarrow R = \frac{mv}{qB} \quad (27)$$

Угловая частота:

$$\omega = \frac{v}{R} = \frac{qB}{m} \quad (28)$$

Когда включается электрическое поле вдоль магнитного поля, на частицу вдоль B действует $F = qE$. Соответственно вдоль оси B ускорение $a = \frac{qE}{m}$.

За время Δt скорость вдоль оси становится:

$$v = a\Delta t = \frac{qE}{m}\Delta t \quad (29)$$

После выключения электрического поля частица летит в магнитном поле с постоянной перпендикулярной скоростью и параллельной, то есть по винтовой траектории.

Расстояние за один оборот:

$$h = vT, \quad (30)$$

где $T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi m}{qB}$ - период кругового движения.

Подставим:

$$h = vT = \frac{qE}{m}\Delta t \cdot \frac{2\pi m}{qB} = \frac{2\pi E\Delta t}{B} \quad (31)$$

Подставим числа:

$$h = \frac{2\pi \cdot 300 \text{ В/м} \cdot 6 \cdot 10^{-6} \text{ с}}{0.4 \text{ Тл}} \approx 0.28 \text{ м.} \quad (32)$$

Ответ: $h = \frac{2\pi E}{B}t \approx 0.028 \text{ м.}$

Работа по перемещению проводника с током в магнитном поле

№1

Условие: В однородное магнитное поле, индукция которого $B = 1$ Тл внесли квадратный контур со стороной $a = 10$ см, по которому течёт ток $I = 100$ А, после чего контур свободно устанавливается в магнитном поле под действием механического момента. Рассчитать работу A' , совершаемую внешними силами при повороте контура относительно оси, проходящей через середину его противоположных сторон на угол $\alpha = \frac{\pi}{2}$.

Решение:

Ответ: $A = BIa^2 = 1$ Дж.

№2

Условие: Магнитное поле создаётся длинным прямым проводником, по которому течёт ток I_0 . В одной плоскости с проводником расположена квадратная рамка с током I , сторона рамки a . Рассчитать:

- силу ампера действующую на рамку;
- работу, которую необходимо совершить при медленном повороте рамки вокруг оси параллельной проводнику на угол 180° , проходящей через центры противоположных сторон рамки;

если расстояние от этой оси до проводника в η раз больше стороны рамки.

Решение:

Ответ: $F_A = \frac{2\mu_0 II_0}{\pi(4\eta^2-1)}$, $A = \frac{\mu_0 I_0 I a}{\pi} \ln\left(\frac{2\eta+1}{2\eta-1}\right)$.

Электромагнитная индукция

Индукция токов. Закон электромагнитной индукции Фарадея

№1

Условие: В однородном магнитном поле, с индукцией модуль которой B , расположен замкнутый контур (Рис. 9). Верхнюю часть контура, представляющую с собой полуокружность радиуса R_0 вращают вокруг оси OO' с постоянной угловой частотой ω . Найти э.д.с. индукции возникающую в контуре, как функцию времени, если в момент $t = 0$ магнитный поток через контур максимальный.

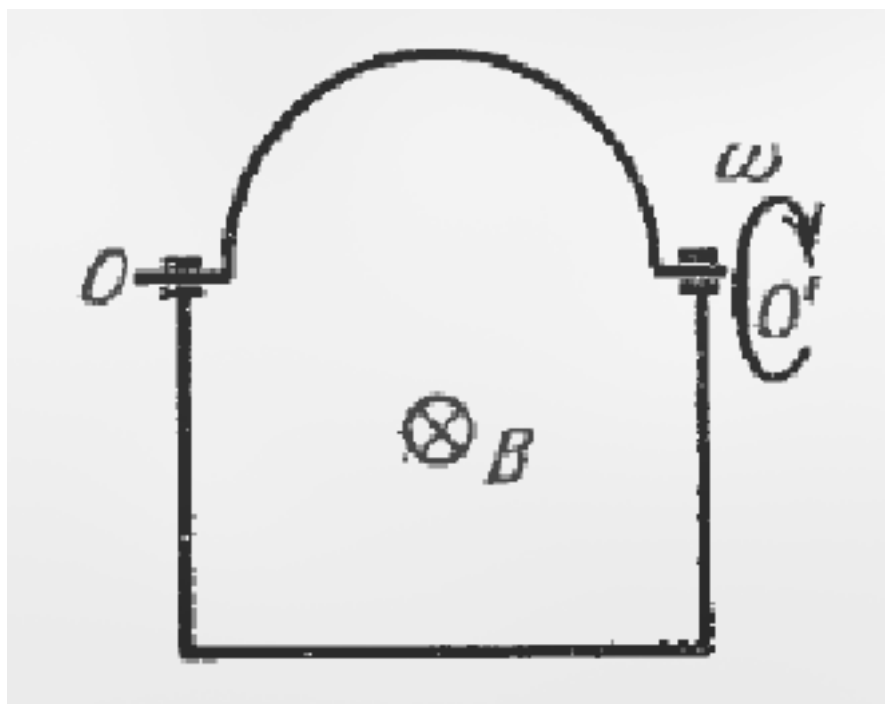


Рис. 9: Контур.

Решение:

Ответ: $\mathcal{E}_{\text{инд}} = \frac{\pi}{2} R_0^2 B \omega \sin \omega t$.

№2

Условие: В однородном магнитном поле, модуль индукции которого $B = 0.4$ Тл, с постоянной частотой $\nu = 480$ об/мин вращается замкнутая рамка, состоящая из $N = 1000$ витков проволоки. Площадь ограниченная контуром рамки $S = 200$ см². Рассчитать значение эдс индукции в момент, когда угол между нормалью к рамке и вектором магнитной индукции равен 30° .

Решение:

Ответ: $\mathcal{E}^{\text{инд}} = N S B \nu \pi \approx 201 \text{ В}$.

№3

Условие: В однородном магнитном поле, модуль индукции которого $B = 0.1 \text{ Тл}$ расположен плоский проволочный виток, замкнутый на гальванометр. Площадь ограниченная контуром витка $S = 10^{-2} \text{ м}^2$. В начальный момент времени плоскость витка располагалась перпендикулярно магнитному полю. После поворота витка на некоторый угол α , через гальванометр прошёл заряд $q = 7.5 \cdot 10^{-4} \text{ Кл}$. Рассчитайте угол α на который повернули виток если его сопротивление $R = 2 \text{ Ом}$.

Решение:

Ответ: $\alpha = 1 - \frac{Rq}{BS} \approx 120^\circ$.

№4

Условие: К источнику сторонних эдс сопротивление которого пренебрежимо мало, а $\varepsilon_0 = 2 \text{ В}$ подключили соленоид индуктивность которого $L = 0.1 \text{ Гн}$, а сопротивление $R = 0.02 \text{ Ом}$. Рассчитать заряд, который пройдёт через соленоид за первые 5 с .

Решение:

Ответ: $q = \frac{\varepsilon}{R} \left(t + \frac{L}{R} \left(\exp \left[-\frac{R}{L} t \right] - 1 \right) \right) \approx 184 \text{ Кл}$.

№5

Условие: Квадратная рамка со стороной $a = 70 \text{ см}$ помещена в магнитное поле так, что нормаль к рамке составляет угол $\alpha = 45^\circ$ с направлением магнитного поля. Индукция магнитного поля меняется по закону $B = B_0 \cos \omega t$, где $B_0 = 0.2 \text{ Тл}$, $\omega = 6 \text{ с}^{-1}$. Рассчитать ЭДС индукции, возникающей в рамке в момент времени $t = 3 \text{ с}$.

Решение:

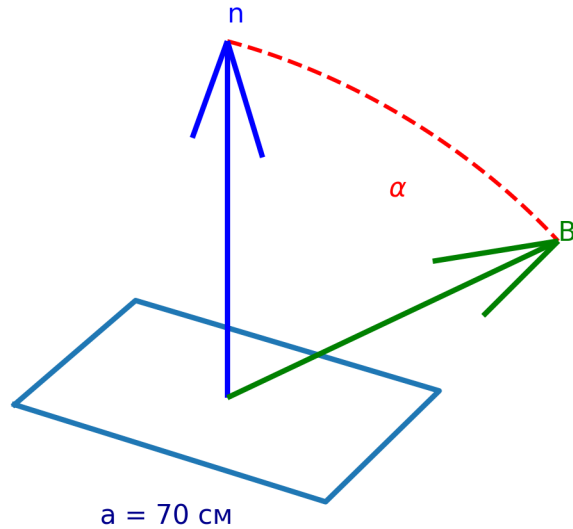


Рис. 10: Квадратная рамка в переменном магнитном поле.

По формуле магнитного потока через плоскость:

$$\Phi = BS \cos \alpha \quad (33)$$

Площадь рамки:

$$S = a^2 \quad (34)$$

Так как $B = B_0 \cos(\omega t)$:

$$\Phi = B_0 a^2 \cos \beta \cos(\omega t) \quad (35)$$

По закону Фарадея:

$$\mathcal{E} = -\Phi'(t) = B_0 a^2 \omega \cos \beta \sin \omega t \quad (36)$$

Подставив числа из условия, получим:

$$\mathcal{E} = 0.2 \cdot 0.7^2 \cdot 6 \cdot \cos(45^\circ) \cdot \sin(6 \cdot 3) \approx -0.31 \text{ В.} \quad (37)$$

Ответ: $\varepsilon = \frac{1}{\sqrt{2}} B_0 \omega \sin(\omega t) \approx -0.31 \text{ В.}$

№6

Условие: В прямом бесконечном проводнике течёт ток, сила которого меняется по закону $I = \beta t^3$, где $\beta = 2 \text{ А/с}^3$. В одной плоскости с проводником, параллельно ему, расположена квадратная рамка, сторона которой $a = 20 \text{ см}$, а сопротивление материала рамки $R = 7 \text{ Ом}$. Расстояние от ближайшей стороны рамки до проводника $l = 20 \text{ см}$. Рассчитать силу тока в рамке в момент времени $t = 10 \text{ с}$.

Решение:

Ответ: $I = \frac{3\mu_0 a \beta}{2\pi} \log\left(1 + \frac{a}{l}\right) t^2 \approx 2.4 \cdot 10^{-6} \text{ А}$.

№7

Условие: П-образный проводник расположен в однородном магнитном поле, перпендикулярном к плоскости проводника. Магнитная индукция поля изменяется с постоянной скоростью β . Вдоль параллельных сторон проводника с постоянным ускорением a перемещают проводник перемычку, длина которой l . Рассчитать эдс индукции через время t после начала перемещения перемычки, если в начальный момент времени и индукция и площадь контура равны 0.

Решение:

Ответ: $\varepsilon = -\frac{3l\beta a}{2} t^2$.

№8

Условие: Внутри длинного соленоида расположена катушка состоящая из N витков. Площадь поперечного сечения катушки S . Катушку поворачивают с постоянной угловой скоростью ω вдоль оси совпадающей с её диаметром и перпендикулярной к оси соленоида. рассчитать эдс индукции в катушке если, индукция магнитного поля в соленоиде изменяется со временем как $B = B_0 \sin(\omega t)$, а в момент времени $t = 0$ ось катушки совпадала с осью соленоида.

Решение:

Ответ: $\varepsilon = B_0 N S \omega \cos(2\omega t)$.

№9

Условие: По длинному прямому соленоиду, радиус сечения которого R и плотностью намотки n , течёт ток, скорость изменения которого

от времени равна i . Рассчитать вектор напряжённости вихревого электрического поля, как функцию расстояния r от оси соленоида.

Решение:

Ответ: